

Korrekturen<sup>1</sup> zum *Arbeitsbuch zur Theoretischen Physik*, 2. Auflage

**Aufgabe 20.13** In der Lösung wird der Text nach der Differenzialgleichung für  $v(x)$  wie folgt geändert:

Hierin setzen wir die Potenzreihe  $v(x) = \sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$  ein:

$$\frac{2|m|+1}{x} a_1 + \sum_{k=0}^{\infty} \left[ (k+2)(k+2|m|+2) a_{k+2} + 2(\varepsilon - |m| - k - 1) a_k \right] x^k = 0$$

Da diese Gleichung für beliebige  $x$  erfüllt sein muss, müssen die Koeffizienten bei jeder Potenz  $x^k$  verschwinden. Dies ergibt

$$a_1 = 0 \quad \text{und} \quad a_{k+2} = -2 \frac{\varepsilon - (k + |m| + 1)}{(k+2)(k+2|m|+2)} a_k$$

Mit  $a_1$  verschwinden alle ungerade Koeffizienten,  $a_1 = a_3 = a_5 = a_7 = \dots = 0$ . Für eine nichttriviale Lösung muss dann  $a_0 \neq 0$  sein. Bricht die sich daraus ergebende gerade Potenzreihe nicht ab, so gilt  $a_{2\nu+2} \propto a_{2\nu}/\nu$  für große  $\nu$ , also  $a_{2\nu} \propto 1/\nu!$  und damit  $v(x) \propto \sum_{\nu} (x^2)^{\nu}/\nu! = \exp(+x^2)$ . Um dies zu verhindern, muss die gerade Potenzreihe abbrechen, also

$$\varepsilon - |m| - 1 = 2n_{\rho} \quad \text{mit} \quad n_{\rho} = 0, 1, 2, \dots$$

Die Energieeigenwerte ... (weiter mit Gleichung 20.73).

**Aufgabe 23.3** In der letzten Zeile der Lösung muss der Term  $(2n+1)$  durch  $(2n+1)^2$  ersetzt werden. Damit lautet das korrekte Ergebnis:

$$E_n^{(1)} = \frac{\hbar^2 \lambda}{4m^2 \omega^2} \left( (n+1)(n+2) + (2n+1)^2 + n(n-1) \right) = \frac{3\hbar^2 \lambda}{4m^2 \omega^2} (2n^2 + 2n + 1)$$

**Aufgabe 27.23** Die Formulierung der Aufgaben wurde überarbeitet:

### 27.23 Stirling-Prozess mit idealem Gas

Für ein einatomiges ideales Gas wird ein quasistatischer Kreisprozess durchgeführt, der aus den Wegen 1, 2, 3 und 4 besteht:

- |  |                           |
|--|---------------------------|
| 1: Isotherme Expansion von $V_1$ auf $V_2$   | $T = T_1 = \text{const.}$ |
| 2: Isochore Abkühlung von $T_1$ auf $T_2$    | $V = V_2 = \text{const.}$ |
| 3: Isotherme Kompression von $V_2$ auf $V_1$ | $T = T_2 = \text{const.}$ |
| 4: Isochore Erwärmung von $T_2$ auf $T_1$    | $V = V_1 = \text{const.}$ |

---

<sup>1</sup>Für wertvolle Hinweise bedanken wir uns bei Herbert Weigel (Universität Siegen), Christoph Gayer und Gerhard Schäfer (Universität Jena).

Skizzieren Sie den Prozess in einem  $P$ - $V$ -Diagramm. Geben Sie die Arbeits- und Wärmeleistungen für die einzelnen Schritte an. Berechnen Sie den Wirkungsgrad

$$\eta_{\text{Stirling}} = \frac{-\Delta W}{\Delta Q_1}$$

für den Fall, dass der Prozess als sogenannter *Stirling-Motor* aufgefasst wird. Dabei ist  $\Delta W$  die Summe aller Arbeitsleistungen, und  $\Delta Q_1$  ist die auf dem hohem Temperaturniveau  $T_1$  zugeführte Wärme.

Im Anschluss an die unveränderte Lösung wird folgende Diskussion hinzugefügt:

**Ergänzende Anmerkungen:** Das betrachtete Gasvolumen gibt im Schritt 2 die Wärmemenge  $-\Delta Q_2$  ab. In einem Stirlingprozess wird diese Wärmemenge zwischengespeichert und dem Gas im Schritt 4 wieder zugeführt,  $\Delta Q_4 = -\Delta Q_2$ . Damit ist letztlich nur die Wärmemenge  $\Delta Q_1$  aufzuwenden und im Wirkungsgrad zu berücksichtigen. Die Abwärme  $\Delta Q_3$  geht bei dem Prozess verloren.

Wenn man den Kreisprozess ohne diese Spezifikation betrachtet, dann wäre  $\Delta Q_1 + \Delta Q_4$  die insgesamt zugeführte Wärmemenge (während  $\Delta Q_2$  und  $\Delta Q_3$  Abwärmeverluste sind). In dieser Sichtweise ergibt sich der Wirkungsgrad

$$\eta_{\text{Kreisprozess}} = \frac{-\Delta W}{\Delta Q_1 + \Delta Q_4} = \eta_{\text{ideal}} \frac{\Delta Q_1}{\Delta Q_1 + \Delta Q_4}$$

Wegen  $\Delta Q_1 > 0$  und  $\Delta Q_4 > 0$  ist dies kleiner als der ideale Wirkungsgrad.

**Seite 586:** In Gleichung (28.27) fehlt im zweiten Ausdruck der Faktor  $T$ . Die korrekte Gleichung lautet:

$$F(T, V, N) = -k_B T \ln Z(T, V, N) = -N k_B T \ln \left( \frac{V}{N \lambda^3} \right) - N k_B T$$