

Korrekturen¹ zum *Arbeitsbuch zur Theoretischen Physik*, 3. Auflage

Seite 15: Aufgabe 1.7: Der letzte Satz der Aufgabenstellung wird ersetzt durch: Welche Arbeit A muss geleistet werden, um ein Teilchen von \mathbf{r}_1 nach \mathbf{r}_2 zu verschieben?

Der letzte Absatz der Lösung lautet dann:

Die Kraft $\mathbf{F} = -k \mathbf{r}$ kann in der Form $\mathbf{F} = -\text{grad } U(r)$ mit dem (Oszillator-) Potenzial $U(\mathbf{r}) = kr^2/2$ geschrieben werden. Damit wächst die potenzielle Energie des Teilchens auf dem Weg von \mathbf{r}_1 nach \mathbf{r}_2 um den Betrag $U(\mathbf{r}_2) - U(\mathbf{r}_1) = kd^2/2$, und zwar unabhängig vom gewählten Weg. Diese Energie ist gleich der Arbeit $A = -W$, die für die Verschiebung aufgebracht werden muss.

Seite 21: Gleichung (2.2) muss lauten:

$$m \ddot{\mathbf{r}} = \mathbf{F} + \lambda_1(t) \text{grad } g_1(\mathbf{r}, t) + \lambda_2(t) \text{grad } g_2(\mathbf{r}, t) \quad (2.2)$$

Seite 29: Im Text der Aufgabe 2.3 muss es am Ende $U_{\text{pot}} = mg(y_1 + y_2)$ heißen. Der letzte Absatz der Lösung wird korrigiert:

Die potenzielle Energie $U = mg(y_1 + y_2) < 0$ ist minimal, wenn $|y_1 + y_2|$ maximal ist. Dazu setzen wir $(y_1 + y_2)^2 = \text{maximal}$ an:

$$(y_1 + y_2)^2 = 2y_1^2 + 2y_2^2 - (y_1 - y_2)^2 = 2y_1^2 + 2y_2^2 + (x_1 - x_2)^2 - L^2 = 2y_1^2 + 2y_2^2 + 2x_1^2 + 2x_2^2 - (x_1 + x_2)^2 - L^2 = 2r^2 + 2R^2 - (x_1 + x_2)^2 - L^2 = \text{maximal}$$

Für diese Rechnung wurden die Zwangsbedingungen verwendet. Beide Bedingungen, also (i) statische Lösung der Lagrangegleichungen oder (ii) minimale potenzielle Energie, führen zum selben Ergebnis $x_1 = -x_2$.

Seite 31: Aufgabe 2.6: In Übereinstimmung mit der Definition im Mechanikbuch [1] wird die kinetische Energie etwas anders definiert:

Die kinetische Energie sei von der Form $T = T(q, \dot{q}) = \sum_{i,k} m_{ik}(q) \dot{q}_i \dot{q}_k$ mit $m_{ik} = m_{ki}$. Zeigen Sie $\sum_n \dot{q}_n (\partial T / \partial \dot{q}_n) = 2T$.

Lösung: Die Summationsindizes i und k durchlaufen alle Werte von 1 bis f und nehmen dabei einmal den Wert n an:

$$\frac{\partial T}{\partial \dot{q}_n} = \frac{\partial}{\partial \dot{q}_n} \sum_{i=1}^f \sum_{k=1}^f m_{ik}(q) \dot{q}_i \dot{q}_k = \sum_{k=1}^f m_{nk}(q) \dot{q}_k + \sum_{i=1}^f m_{in}(q) \dot{q}_i = 2 \sum_{k=1}^f m_{nk}(q) \dot{q}_k$$

¹Für wertvolle Hinweise bedanke ich mich bei Daniel Hollarek, Nikolas Schnellbacher, Peter Szilas und Herbert Weigel.

Seite 85: In der Lösung von Aufgabe 5.7 muss der Satz aus drei Gleichungen lauten (keine Zeitableitung bei den $\omega_i(t)$):

$$\begin{aligned}\Theta_1 \omega_1(t) &= \Theta_1 (\dot{\phi} \sin \theta \sin \psi + \dot{\theta} \cos \psi) = M_0 t \sin \theta \sin \psi \\ \Theta_1 \omega_2(t) &= \Theta_1 (\dot{\phi} \sin \theta \cos \psi - \dot{\theta} \sin \psi) = M_0 t \sin \theta \cos \psi \\ \Theta_3 \omega_3(t) &= \Theta_3 (\dot{\phi} \cos \theta + \dot{\psi}) = M_0 t \cos \theta\end{aligned}$$

Seite 109: Im Ergebnis für \dot{p}_r in Aufgabe 7.1 muss ein Vorzeichen geändert werden:

$$\dot{p}_r = - \frac{\partial H}{\partial r} = \frac{p_\phi^2}{m r^3 \sin^2 \alpha} - m g \cos \alpha$$

Seite 110: Die erste Gleichung auf dieser Seite muss lauten:

$$\mathbf{p} = \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{\mathbf{r}}} = m \dot{\mathbf{r}} + \frac{q}{c} \mathbf{A}(\mathbf{r}, t)$$

Seite 186: Im ersten Teil von Seite 186 (Aufgabe 11.15) müssen einige Vorzeichen korrigiert werden:

An der Kugeloberfläche bei $\mathbf{R} = R \mathbf{e}_r$ ist das elektrische Feld

$$\mathbf{E}(\mathbf{R}) = q_1 \frac{\mathbf{R} - \mathbf{r}_1}{|\mathbf{R} - \mathbf{r}_1|^3} - q_1 \frac{R}{r_1} \frac{\mathbf{R} - (R^2/r_1^2) \mathbf{r}_1}{|\mathbf{R} - (R^2/r_1^2) \mathbf{r}_1|^3} = - \frac{q_1}{R} \frac{r_1^2 - R^2}{|\mathbf{r}_1 - \mathbf{R}|^3} \mathbf{e}_r$$

Dabei wurde $|\mathbf{R} - (R^2/r_1^2) \mathbf{r}_1| = (R/r_1) |\mathbf{R} - \mathbf{r}_1|$ verwendet. Die Normalkomponente des Felds bestimmt die induzierte Oberflächenladung:

$$\sigma(\mathbf{R}) = \frac{1}{4\pi} \mathbf{e}_r \cdot \mathbf{E}(\mathbf{R}) = - \frac{q_1}{4\pi R} \frac{r_1^2 - R^2}{|\mathbf{r}_1 - \mathbf{R}|^3} \quad (11.75)$$

Die gesamte Influenzladung auf der Kugeloberfläche ist gleich der Bildladung:

$$\begin{aligned}q_{\text{infl}} &= R^2 \int_{-1}^1 d \cos \theta \int_0^{2\pi} d\phi \sigma(\mathbf{R}) = - \frac{q_1 R}{2} \int_{-1}^1 d \cos \theta \frac{r_1^2 - R^2}{(r_1^2 + R^2 - 2r_1 R \cos \theta)^{3/2}} \\ &= - \frac{q_1 (r_1^2 - R^2)}{2r_1} \left[\frac{1}{|r_1 - R|} - \frac{1}{|r_1 + R|} \right] = - \frac{R}{r_1} q_1 = q_2\end{aligned}$$

Seite 330: Aufgabe 17.13 und ihre Lösung sind in der vorliegenden Form missglückt. So würde zum Beispiel aus (17.46) mit $t = 0$ folgen, dass $\psi(\mathbf{r}, 0)$ reell ist; das ist in der Regel nicht der Fall. Die Zeitumkehrinvarianz wird im Rahmen einer neu formulierten Aufgabe diskutiert:

17.13 Zeitumkehrinvarianz

Gehen Sie von der zeitabhängigen Schrödingergleichung (SG) für die Wellenfunktion $\psi(\mathbf{r}, t)$ aus. Das Potenzial $V(\mathbf{r})$ sei zeitunabhängig und reell. Führen Sie nun in der konjugiert komplexen Gleichung die Ersetzung $t \rightarrow -t$ durch. Bezeichnen Sie die Wellenfunktion der neuen Gleichung mit $\psi_{\text{umkehr}}(\mathbf{r}, t)$.

Wie hängen $\psi_{\text{umkehr}}(\mathbf{r}, t)$ und $\psi(\mathbf{r}, t)$ zusammen? Ist $\psi_{\text{umkehr}}(\mathbf{r}, t)$ Lösung der ursprünglichen SG?

Es werde nun speziell die eindimensionale SG mit $V(x) = 0$ betrachtet. Begründen Sie, dass

$$\psi(x, t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} dk a(k) \exp[i(kx - \omega(k)t)] \quad \text{mit} \quad \omega(k) = \frac{\hbar k^2}{2m}$$

die SG löst. Bestimmen Sie für $a(k) = C \exp[-\alpha(k - k_0)^2]$ die Aufenthaltswahrscheinlichkeit $|\psi(x, t)|^2$. Über die Konstante C kann die Wellenfunktion auf 1 normiert werden.

Bestimmen Sie nun $|\psi_{\text{umkehr}}(x, t)|^2$. Berechnen Sie die Erwartungswerte $\langle x \rangle$ für die Wellenpakete $|\psi(x, t)|^2$ und $|\psi_{\text{umkehr}}(x, t)|^2$. Interpretieren Sie das Ergebnis.

Lösung: Ausgangspunkt ist die Schrödingergleichung

$$i\hbar \frac{\partial \psi(\mathbf{r}, t)}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m} \Delta \psi(\mathbf{r}, t) + V(\mathbf{r}) \psi(\mathbf{r}, t)$$

Wir schreiben das konjugiert Komplexe dieser Gleichung an und ersetzen t durch $-t$:

$$i\hbar \frac{\partial \psi^*(\mathbf{r}, -t)}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m} \Delta \psi^*(\mathbf{r}, -t) + V(\mathbf{r}) \psi^*(\mathbf{r}, -t)$$

Diese Gleichung ist von der Form der ursprünglichen SG, aber mit einer anderen Wellenfunktion

$$\psi_{\text{umkehr}}(\mathbf{r}, t) = \psi^*(\mathbf{r}, -t) \quad (17.46)$$

Die Funktion $\psi_{\text{umkehr}}(\mathbf{r}, t)$ ist auch Lösung der ursprünglichen SG. Sie unterscheidet sich aber i.A. von $\psi(\mathbf{r}, t)$, denn sie genügt der Anfangsbedingung $\psi^*(\mathbf{r}, 0)$ anstelle von $\psi(\mathbf{r}, 0)$.

Wir kommen nun zur eindimensionalen SG ($i\hbar \partial/\partial t + (\hbar^2/2m) \partial^2/\partial x^2$) $\psi(x, t) = 0$. Der Exponentialfaktor $\exp[i(kx - \omega(k)t)]$ mit $\omega(k) = \hbar k^2/2m$ erfüllt diese SG trivial. Da die SG linear ist, ist auch die in der Aufgabenstellung angegebene Wellenfunktion $\psi(x, t) = \int dk a(k) \dots$ Lösung. Dieses Integral kann elementar gelöst werden. Daraus erhalten wir die Aufenthaltswahrscheinlichkeit

$$|\psi(x, t)|^2 = \frac{|C|^2}{2\sqrt{\alpha^2 + \beta^2 t^2}} \exp\left(-\frac{\alpha(x - v_G t)^2}{2(\alpha^2 + \beta^2 t^2)}\right)$$

mit den Abkürzungen $v_G = \hbar k_0/m$ und $\beta = \hbar/2m$. Aus der Normierung $\int dx |\psi|^2 = 1$ folgt $|C|^2 = \sqrt{2\alpha/\pi}$. Für $\psi_{\text{umkehr}}(x, t) = \psi^*(x, -t)$ erhalten wir hieraus

$$|\psi_{\text{umkehr}}(x, t)|^2 = \frac{|C|^2}{2\sqrt{\alpha^2 + \beta^2 t^2}} \exp\left(-\frac{\alpha(x + v_G t)^2}{2(\alpha^2 + \beta^2 t^2)}\right)$$

Die Erwartungswerte $\langle x \rangle$ für ψ und $\langle x \rangle_{\text{umkehr}}$ für ψ_{umkehr} ergeben sich zu

$$\langle x \rangle = \int_{-\infty}^{\infty} dx x |\psi(x, t)|^2 = \int_{-\infty}^{\infty} dx [(x - v_G t) + v_G t] |\psi(x, t)|^2 = v_G t$$

$$\langle x \rangle_{\text{umkehr}} = \int_{-\infty}^{\infty} dx x |\psi_{\text{umkehr}}(x, t)|^2 = -v_G t$$

In der oberen Zeile wurde x durch $(x - v_G t) + v_G t$ ersetzt. Für den Term $(x - v_G t)$ verschwindet das Integral trivial (ungerader Integrand), beim zweiten Term $v_G t$ steht das Normierungsintegral $\int dx |\psi|^2 = 1$. Die Auswertung in der unteren Zeile erfolgt analog.

Der Schwerpunkt des Wellenpakets $|\psi|^2$ bewegt sich also mit der *Gruppengeschwindigkeit* $v_G = \hbar k_0 / m$ in $+x$ -Richtung, der Schwerpunkt des Pakets $|\psi_{\text{umkehr}}|^2$ mit der gleichen Geschwindigkeit in $-x$ -Richtung, also auf einer zeitumgekehrten Bahn. Dies gilt entsprechend auch für allgemeinere Wellenpakete. Der Index *umkehr* in (17.46) steht daher für *zeitumgekehrt*.

Diskussion: Die Aussage, dass mit $\psi(\mathbf{r}, t)$ auch $\psi^*(\mathbf{r}, -t)$ Lösung ist, wird als *Zeitumkehrinvarianz* der SG bezeichnet. Analog dazu gilt in der klassischen Mechanik, dass mit $\mathbf{r}(t)$ auch $\mathbf{r}(-t)$ Lösung der Newtonschen Bewegungsgleichung ist. Zum Beispiel lösen dort $\mathbf{r}(t) = \mathbf{r}_0 + \mathbf{v}t$ und $\mathbf{r}(-t) = \mathbf{r}_0 - \mathbf{v}t$ die kräftefreie Gleichung $m \ddot{\mathbf{r}}(t) = 0$. In beiden Fällen, dem klassischen und dem quantenmechanischen, gilt: Die zeitumgekehrte Lösung ist im Allgemeinen eine andere Lösung als die ursprüngliche. Die beiden Lösungen unterscheiden sich jeweils durch ihre Anfangsbedingungen.

Seite 349: In der Lösung von Aufgabe 18.8 muss in der ersten Gleichung stehen:

$$x_0 = \frac{qE_e}{m\omega^2}$$

Seite 350: In der vierten Gleichung der Lösung von Aufgabe 18.9 muss das t^n vor dem zweiten Gleichheitszeichen durch $t^{n'}$ ersetzt werden.

Seite 356: Die letzte Gleichung auf dieser Seite (Aufgabe 18.15) soll lauten:

$$m \frac{d^2}{dt^2} \langle x \rangle = - \langle dV/dx \rangle \approx -V'(\langle x \rangle) - \frac{1}{2} V'''(\langle x \rangle) (\Delta x)^2 + \dots$$

Seite 363: In der ersten Gleichung der Lösung von Aufgabe 19.1 muss auf der rechten Seite $-k^2 \varphi(x)$ stehen.

Seite 365: In der letzten Zeile der zweiten Bildlegende muss es $\kappa_- < \kappa_0$ heißen. Im darauf folgenden Absatz soll es in der letzten Zeile "ungerade antigebundene Lösung" heißen.

Seite 366: In der Lösung von Aufgabe 19.3 wird der Text nach der ersten Gleichung modifiziert:

In allen anderen Intervallen erhalten wir die Wellenfunktion mit Hilfe des Floquet-Theorems (Aufgabe 18.16), zum Beispiel

$$\varphi(x + a) = \exp(ika) \varphi(x) = \exp(ika) (A \exp(\kappa x) + B \exp(-\kappa x))$$

Seite 391: Die dritte Gleichung auf dieser Seite muss lauten:

$$\sigma(k) = \frac{4\pi}{k^2} \sum_{l=0}^{\infty} (2l+1) \sin^2 \delta_l(k) = \frac{4\pi}{k^2} \sum_{l=0}^{\infty} (2l+1) \frac{j_l^2(kR)}{j_l^2(kR) + y_l^2(kR)} = h(z) \sigma_{\text{geom}}$$

Seite 400: In der Lösung von Aufgabe 20.14 fehlen in der ersten Gleichung die Faktoren B und B^2 :

$$\begin{aligned} H &= \frac{\mathbf{p}_{\text{op}}^2}{2m_e} + \frac{e}{m_e c} \mathbf{A} \cdot \mathbf{p}_{\text{op}} + \frac{e^2}{2m_e c^2} \mathbf{A}^2 \\ &= \frac{\mathbf{p}_{\text{op}}^2}{2m_e} + \frac{eB}{2m_e c} (-y p_x + x p_y) + \frac{e^2 B^2}{8m_e c^2} (x^2 + y^2) = H_0 + \frac{p_z^2}{2m_e} + \omega \ell_z \end{aligned}$$

Seite 407: In Gleichung (20.91) muss es heißen:

$$Z < \frac{\hbar c}{2e^2} \approx 68.5$$

Seite 416: Die Matrix U wird korrigiert:

$$\hat{U} := U = (U_{ij}) = \begin{pmatrix} -1/\sqrt{3} & -1/\sqrt{3} & -1/\sqrt{3} & 0 & 0 & 0 \\ -1/\sqrt{6} & -1/\sqrt{6} & \sqrt{2/3} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -1/\sqrt{2} & -i/\sqrt{2} \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1/\sqrt{2} & -i/\sqrt{2} \\ 1/2 & -1/2 & 0 & i/\sqrt{2} & 0 & 0 \\ 1/2 & -1/2 & 0 & -i/\sqrt{2} & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Seite 439: In der letzten Textzeile auf dieser Seite muss es $\hat{a} |n\rangle = \sqrt{n} |n-1\rangle$ heißen.

Seite 443: Die letzte Gleichung in Aufgabe 22.10 wird korrigiert:

$$|\langle x | \psi(t) \rangle|^2 = \frac{1}{\sqrt{2\pi\beta(t)^2}} \exp\left(-\frac{(x - x_0 \cos(\omega t))^2}{2\beta(t)^2}\right)$$

Seite 455: In der vorletzten Zeile auf dieser Seite muss es 3×3 -Determinante heißen.

Seite 475: In der vorletzten Gleichung von Aufgabe 23.8 ist $\hat{V}(t)$ durch $\hat{V}(t')$ zu ersetzen.

Seite 477: Die dritte Gleichungszeile lautet korrekt:

$$\langle nlm | 2\hbar^2 ((\boldsymbol{\epsilon} \cdot \hat{\mathbf{r}}) \hat{\ell}^2 + \hat{\ell}^2 (\boldsymbol{\epsilon} \cdot \hat{\mathbf{r}})) | n'l'm' \rangle = 2\hbar^4 [l(l+1) + l'(l'+1)] \langle nlm | \boldsymbol{\epsilon} \cdot \hat{\mathbf{r}} | n'l'm' \rangle$$

Seite 495: Die letzte Gleichung in Aufgabe 24.1 wird korrigiert:

$$\frac{3\hbar}{4m_N \omega(A)} \left(\frac{3A}{2}\right)^{1/3} \stackrel{!}{\approx} \frac{3}{5} r_0^2 A^{2/3} \implies \hbar\omega(A) \approx \frac{5\hbar^2}{4m_N r_0^2} \left(\frac{2A}{3}\right)^{-1/3} \approx 40 \text{ MeV } A^{-1/3}$$

Seite 496: In der letzten Gleichungszeile von Aufgabe 24.3 muss d^2r durch d^3r ersetzt werden.

Seite 512: Im letzten Absatz der Lösung von Aufgabe 25.4 muss es $W_N(n) \approx W_N(\bar{n}) \exp(-(n - \bar{n})^2/2 (\Delta n)^2)$ heißen.

Seite 512: Die dritte Gleichung der Lösung von Aufgabe 25.5 wird korrigiert:

$$w = \frac{1}{\sqrt{2\pi} \sigma} \int_{\bar{x}+\nu\sigma}^{\infty} dx \exp\left(-\frac{(x-\bar{x})^2}{2\sigma^2}\right) = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_{\nu/\sqrt{2}}^{\infty} dt \exp(-t^2)$$

Seite 515: In der zweiten Gleichung der Lösung von Aufgabe 25.7 wird $P(x)$ durch $P(x, t)$ ersetzt.

Seite 533: Im Text der Aufgabe 26.5 muss es $\boldsymbol{\mu}_\nu = -2\mu_B \mathbf{s}_\nu$ anstelle von $\boldsymbol{\mu}_\nu = -\mu_B \mathbf{s}_\nu$ heißen.

Seite 560: Die Lösung von Aufgabe 27.6 wird nach der Gleichung (27.47) neu formuliert:

Für das hier betrachtete Material verschwindet die linke Seite. Wegen $T \partial P(T, V) / \partial T = P(T, V)$ muss $P(T, V)$ dann proportional zu T sein:

$$P(T, V) = T f(V)$$

Dies ist die gesuchte thermische Zustandsgleichung für ein Material mit $(\partial E / \partial V)_T = 0$.

Wegen (27.47) gilt auch umgekehrt: Aus $P(T, V) = T f(V)$ folgt $(\partial E / \partial V)_T = 0$. Die Zustandsgleichung $P = N k_B T / V$ eines idealen Gases ist von der Form $P(T, V) = T f(V)$. Für ein ideales Gas gilt daher $(\partial E / \partial V)_T = 0$.

Seite 579: In der Lösung von Aufgabe 27.31 werden einige Indizes korrigiert (Text nach der zweiten Gleichung):

Hierbei sind $f_A(T)$ und $f_B(T)$ zunächst unbekannte Funktionen. Wir verwenden nun die Gleichheit der spezifischen Wärmen bei konstantem Druck,

$$c_{P,i}(T) = T \left(\frac{\partial s_i}{\partial T} \right)_p = T f'_i(T) \stackrel{!}{=} c_P(T)$$

Damit sind die Ableitungen der beiden Funktionen gleich, $f'_A(T) = f'_B(T)$. Der 3. Hauptsatz, $s_i \rightarrow 0$ für $T \rightarrow 0$, impliziert $f_A(0) = f_B(0)$. Damit stimmen beide Funktionen überein:

$$f_A(T) = f_B(T) = f(T)$$

Seite 590: In der ersten Gleichung der Lösung von Aufgabe 28.4 wird ein Vorzeichen korrigiert:

$$\frac{d(S/k_B)}{dP_r} - \lambda_1 - \lambda_2 E_r - \lambda_3 N_r = -1 - \ln P_r - \lambda_1 - \lambda_2 E_r - \lambda_3 N_r \stackrel{!}{=} 0 \quad (28.32)$$

Seite 618: In der zweiten Gleichung der Lösung von Aufgabe 29.5 sind die partiellen Ableitungen $\partial/\partial x$ durch d/dx zu ersetzen.

Seite 637: Die Lösung von Aufgabe 29.23 enthält Fehler und wird neu formuliert:

Lösung: Wir schreiben das Integral in (29.78) wie folgt um:

$$I = \int_0^{x_D} dx \frac{x^3}{\exp(x) - 1} = \int_0^\infty dx \frac{x^3}{\exp(x) - 1} - \int_{x_D}^\infty dx \frac{x^3}{\exp(x) - 1}$$

Das erste Integral auf der rechten Seite ergibt $\pi^4/15$. Im Nenner des zweiten Integrals wird wegen $x \geq x_D \gg 1$ die 1 gegenüber $\exp(x)$ vernachlässigt. Damit erhalten wir

$$I \approx \frac{\pi^4}{15} - \int_{x_D}^\infty dx x^3 \exp(-x) = \frac{\pi^4}{15} - \exp(-x_D) (x_D^3 + 3x_D^2 + 6x_D + 6)$$

Wegen $x_D \gg 1$ beschränken wir uns auf die führende Korrektur mit x_D^3 ,

$$E(T, V) - E_0(V) = \frac{9N}{(\hbar\omega_D)^3} (k_B T)^4 \left(\frac{\pi^4}{15} - x_D^3 \exp(-x_D) \right)$$

Für C_V muss dies partiell nach T abgeleitet werden. Das ergibt einen Faktor $4/T$ für den ersten Term. Der Faktor vor der Klammer ist proportional zu T/x_D^3 . Im zweiten Term ergibt die Ableitung dann (i) den Faktor $1/T$ für den Vorfaktor der Exponentialfunktion und (ii) den Faktor x_D/T für die Exponentialfunktion selbst. Wegen $x_D \gg 1$ berücksichtigen wir nur den zweiten Beitrag:

$$C_V = \frac{\partial E(T, V)}{\partial T} = 36 N k_B \frac{T^3}{T_D^3} \left(\frac{\pi^4}{15} - \frac{x_D^4}{4} \exp(-x_D) \right) \quad (x_D \gg 1) \quad (1)$$

Der erste Term ist das bekannte Resultat $C_V = (12\pi^4/5) N k_B (T^3/T_D^3)$ für $T \ll T_D$. Der zweite Term ist die führende Korrektur.

Seite 655: Die letzte Gleichung auf dieser Seite wird korrigiert:

$$\int_{v_B^*}^{v_A^*} dv^* \left(\frac{8T_0^*}{3v^* - 1} - \frac{3}{v^{*2}} \right) = \frac{8T_0^*}{3} \ln \frac{3v_A^* - 1}{3v_B^* - 1} + \frac{3}{v_A^*} - \frac{3}{v_B^*} \approx 3.4$$